

ТЕСТВАНЕ И ДИАГНОСТИКА

Упражнение 3

Измерване на тествабилността на последователни схеми

Измерване на контролируемост и наблюдаемост на последователни схеми според алгоритъма на Голдщайн

Особености на изчисленията при последователни схеми:

1. Коефициентите на последователна контролируемост и наблюдаемост се увеличават с 1 само при преминаване през тригер.
2. Изчисленията се правят на няколко итерации заради обратната връзка, която се получава от тригерите.

Последователната контролируемост $SC0$ и $SC1$ дава оценка за това колко пъти трябва да се подаде тактов сигнал на различните тригери в схемата, за да се контролира сигнала по дадена връзка.

Последователна наблюдаемост SO дава оценка за това колко пъти трябва да се подаде тактов сигнал на различните тригери в схемата, за да се контролира сигнала по дадена връзка.

Комбинационната контролируемост и наблюдаемост при последователните схеми определя броя на връзките, които трябва да са установени за целия тактов период, за да може да се контролира или наблюдава сигнала в дадената връзка.

Комбинационна и последователна контролируемост и наблюдаемост на изводите на основните логически елементи:

NOT

$$CC0(z) = CC1(a) + 1$$

$$CC1(z) = CC0(a) + 1$$

$$SC0(z) = SC1(a)$$

$$SC1(z) = SC0(a)$$

$$CO(a) = CO(z) + 1$$

$$SO(a) = SO(z)$$

AND

$$CC0(z) = \min(CC0(a), CC0(b)) + 1$$

$$CC1(z) = CC1(a) + CC1(b) + 1$$

$$SC0(z) = \min(SC0(a), SC0(b))$$

$$SC1(z) = SC1(a) + SC1(b)$$

$$CO(a) = CO(z) + CC1(b) + 1$$

$$CO(b) = CO(z) + CC1(a) + 1$$

$$SO(a) = SO(z) + SC1(b)$$

$$SO(b) = SO(z) + SC1(a)$$

NAND

$$CC0(z) = CC1(a) + CC1(b) + 1$$

$$CC1(z) = \min(CC0(a), CC0(b)) + 1$$

$$SC0(z) = SC1(a) + SC1(b)$$

$$SC1(z) = \min(SC0(a), SC0(b))$$

$$CO(a) = CO(z) + CC1(b) + 1$$

$$CO(b) = CO(z) + CC1(a) + 1$$

$$SO(a) = SO(z) + SC1(b)$$

$$SO(b) = SO(z) + SC1(a)$$

OR

$$\begin{aligned}CC0(z) &= CC0(a) + CC0(b) + 1 \\CC1(z) &= \min(CC1(a), CC1(b)) + 1 \\SC0(z) &= SC0(a) + SC0(b) \\SC1(z) &= \min(SC1(a), SC1(b))\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}CO(a) &= CO(z) + CC0(b) + 1 \\CO(b) &= CO(z) + CC0(a) + 1 \\SO(a) &= SO(z) + SC0(b) \\SO(b) &= SO(z) + SC0(a)\end{aligned}$$

NOR

$$\begin{aligned}CC0(z) &= \min(CC1(a), CC1(b)) + 1 \\CC1(z) &= CC0(a) + CC0(b) + 1 \\SC0(z) &= \min(SC1(a), SC1(b)) \\SC1(z) &= SC0(a) + SC0(b)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}CO(a) &= CO(z) + CC0(b) + 1 \\CO(b) &= CO(z) + CC0(a) + 1 \\SO(a) &= SO(z) + SC0(b) \\SO(b) &= SO(z) + SC0(a)\end{aligned}$$

XOR

$$\begin{aligned}CC0(z) &= \min(CC0(a) + CC0(b), CC1(a) + CC1(b)) + 1 \\CC1(z) &= \min(CC0(a) + CC1(b), CC1(a) + CC0(b)) + 1 \\SC0(z) &= \min(SC0(a) + SC0(b), SC1(a) + SC1(b)) + 1 \\SC1(z) &= \min(SC0(a) + SC1(b), SC1(a) + SC0(b)) + 1\end{aligned}$$

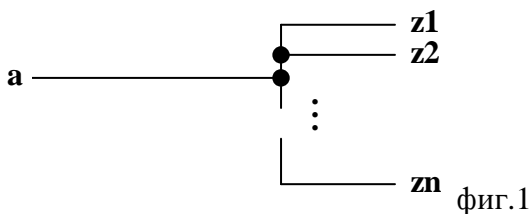
$$\begin{aligned}CO(a) &= CO(z) + \min(CC0(b), CC1(b)) + 1 \\CO(b) &= CO(z) + \min(CC0(a), CC1(a)) + 1 \\SO(a) &= SO(z) + \min(SC0(b), SC1(b)) \\SO(b) &= SO(z) + \min(SC0(a), SC1(a))\end{aligned}$$

NXOR

$$\begin{aligned}CC0(z) &= \min(CC0(a) + CC1(b), CC1(a) + CC0(b)) + 1 \\CC1(z) &= \min(CC0(a) + CC0(b), CC1(a) + CC1(b)) + 1 \\SC0(z) &= \min(SC0(a) + SC1(b), SC1(a) + SC0(b)) + 1 \\SC1(z) &= \min(SC0(a) + SC0(b), SC1(a) + SC1(b)) + 1\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}CO(a) &= CO(z) + \min(CC0(b), CC1(b)) + 1 \\CO(b) &= CO(z) + \min(CC0(a), CC1(a)) + 1 \\SO(a) &= SO(z) + \min(SC0(b), SC1(b)) \\SO(b) &= SO(z) + \min(SC0(a), SC1(a))\end{aligned}$$

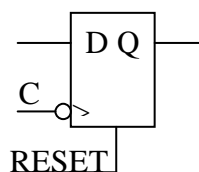
Комбинационна и последователна наблюдаемост на разклонения (фиг.1):



Всички клонове имат еднакво ниво на контролируемост.

$$\begin{aligned}CO(a) &= \min(CO(z1), CO(z2), \dots, CO(zn)) \\SO(a) &= \min(SO(z1), SO(z2), \dots, SO(zn))\end{aligned}$$

Комбинационна и последователна контролируемост и наблюдаемост на D-тигери.



фиг.2

Комбинационна и последователна контролируемост на изход Q (фиг.2):

$$CC1(Q) = CC1(D) + CC1(C) + CC0(C) + CC0(RESET)$$

$$SC1(Q) = SC1(D) + SC1(C) + SC0(C) + SC0(RESET) + 1$$

$$CC0(Q) = \min [(CC1(RESET) + CC1(C) + CC0(C)), (CC0(D) + CC1(C) + CC0(C))]$$

$$SC0(Q) = \min [(SC1(RESET) + SC1(C) + SC0(C)), (SC0(D) + SC1(C) + SC0(C))] + 1$$

Ако в схемата има разклонения, то всички клонове имат еднакво ниво на контролируемост.

Комбинационна и последователна наблюдаемост на вход D:

$$CO(D) = CO(Q) + CC1(C) + CC0(C) + CC0(RESET)$$

$$SO(D) = SO(Q) + SC1(C) + SC0(C) + SC0(RESET) + 1$$

Комбинационна и последователна наблюдаемост на сигнал RESET:

$$CO(RESET) = CO(Q) + CC1(Q) + CC1(RESET) + CC1(C) + CC0(C)$$

$$SO(RESET) = SO(Q) + SC1(Q) + SC0(RESET) + SC0(C) + SC0(C) + 1$$

Комбинационна и последователна наблюдаемост на тактовия сигнал C:

$$CO(C) = \min [(CO(Q) + CC1(Q) + CC0(D) + CC1(C) + CC0(C)), \\ (CO(Q) + CC1(Q) + CC1(RESET) + CC1(C) + CC0(C)), \\ (CO(Q) + CC0(Q) + CC0(RESET) + CC1(D) + CC1(C) + CC0(C))]$$

$$SC0(C) = \min [(SO(Q) + SC1(Q) + SC0(D) + SC1(C) + SC0(C)), \\ (SO(Q) + SC1(Q) + SC1(RESET) + SC1(C) + SC0(C)), \\ (SO(Q) + SC0(Q) + SC0(RESET) + SC1(D) + SC1(C) + SC0(C))] + 1$$

Алгоритъм на изчислението:

1. За всички първични входове се установява $CC0(I) = CC1(I) = 1$ и $SC0(I) = SC1(I) = 0$.
2. За всички останали връзки се установява $CC0(N) = CC1(N) = \infty$ и $SC0(N) = SC1(N) = \infty$.
3. Тръгва се от първичните входове към първичните изходи и за всички връзки се произчисляват комбинационните и последователни контролируемости.
4. Точка 3 се повтаря до тогава, докато всички стойности за контролируемостта за всички връзки станат различни от безкрайност (∞).
5. За всички първични изходи се установява $CO(U) = SO(U) = 0$.
6. За всички останали връзки се установява $CO(N) = SO(N) = \infty$.
7. Тръгва се от първичните изходи към първичните входове и за всички връзки се произчисляват комбинационните и последователни наблюдаемости.
8. Точка 7 се повтаря до тогава, докато всички стойности за наблюдаемости за всички връзки станат различни от безкрайност (∞).

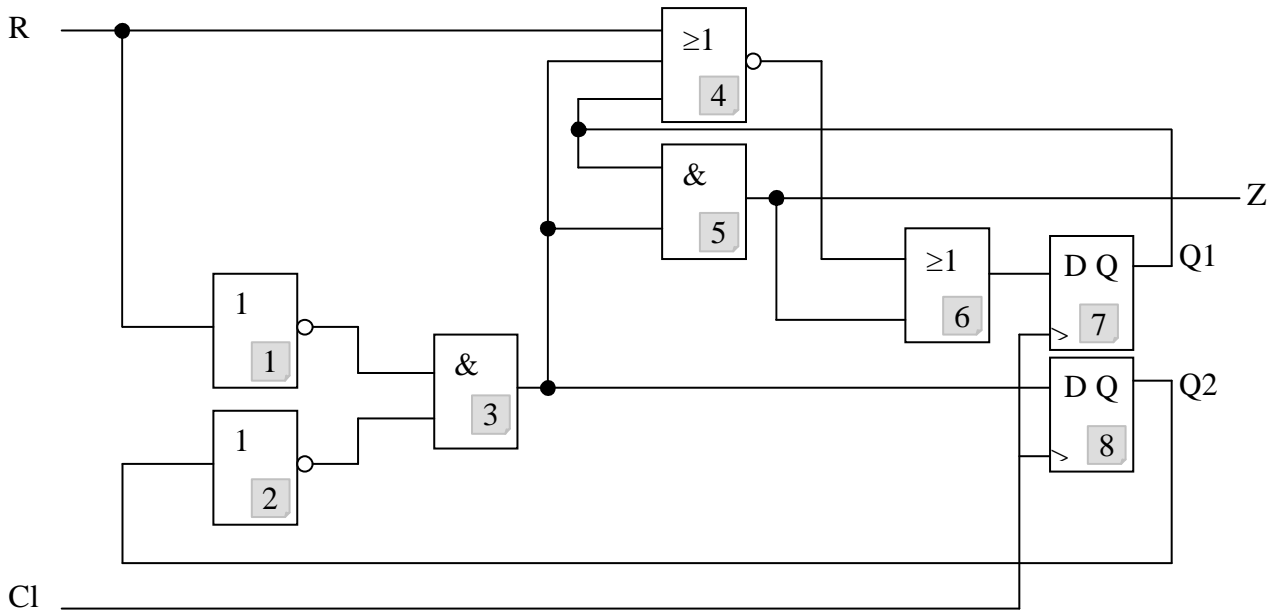
Дължината на тествания вектор за откриване на повреда слепване към 0, респективно към 1 на дадена връзка (x) се определя по формулите:

$$T(x-sa0) = CC1(x) + CO(x);$$

$$T(x-sa1) = CC0(x) + CO(x);$$

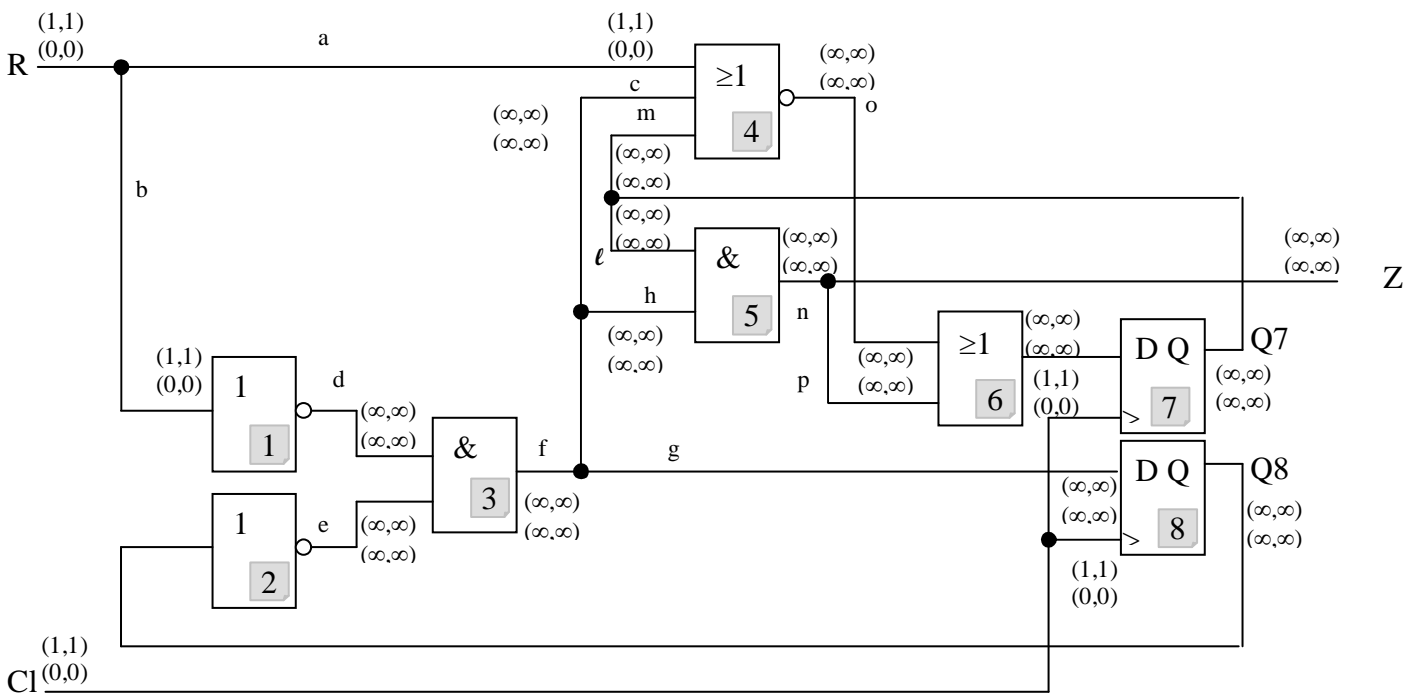


Пример 1 Определете тестабилността на схемата от фиг.1.



фиг.1

Стъпка 1: Установяване контролируемостта на първичните входове и останалите връзки в схемата.



фиг.1a

Стъпка 2: Първо обхождане от входа към изхода и преизчисляване на контролируемостта на връзките в схемата.

За изхода на елемент 1 изчисляваме:

$$CC0(d)=CC1(b)+1=1+1=2$$

$$CC1(d)=CC0(b)+1=1+1=2$$

$$SC0(d)=SC1(b) =0$$

$$SC1(d)=SC0(b) =0$$

За изхода на елемент 2 изчисляваме:

$$CC0(e)=CC1(Q8)+1=\infty+1=\infty$$

$$CC1(e)=CC0(Q8)+1=\infty+1=\infty$$

$$SC0(e)=SC1(Q8) =\infty$$

$$SC1(e)=SC0(Q8) =\infty$$

За изхода на елемент 3 изчисляваме:

$$CC0(f)= \min (CC0(d), CC0(e)) + 1=\min(2, \infty)+1=2 + 1 = 3$$

$$CC1(f)=CC1(d)+ CC1(e)+1=2+\infty+1=\infty$$

$$SC0(f)= \min (SC0(d), SC0(e)) =\min(0, \infty)=0$$

$$SC1(f)=SC1(d)+ SC1(e)=2+\infty=\infty$$

За изхода на елемент 4 изчисляваме:

$$CC0(o)= \min (CC1(a), CC1(c),CC1(m))+1=\min(1, \infty,\infty)+1=1+1=2$$

$$CC1(o)= CC0(a)+ CC0(c) + CC0(m)+ 1=1+3+\infty+1=\infty$$

$$SC0(o)= \min (SC1(a), SC1(c),SC1(m))=\min(0, \infty,\infty)=0$$

$$SC1(o)= SC0(a)+ SC0(c) + SC0(m)=0+0+\infty=\infty$$

За изхода на елемент 5 изчисляваме:

$$CC0(n)= \min (CC0(\ell), CC0(h)) + 1=\min(\infty, 3)+1=3 + 1 = 4$$

$$CC1(n)=CC1(\ell)+ CC1(h)+1=\infty+3+1=\infty$$

$$SC0(n)= \min (SC0(\ell), SC0(h)) =\min(\infty, 0)=0$$

$$SC1(n)=SC1(\ell)+ SC1(h)= \infty+\infty=\infty$$

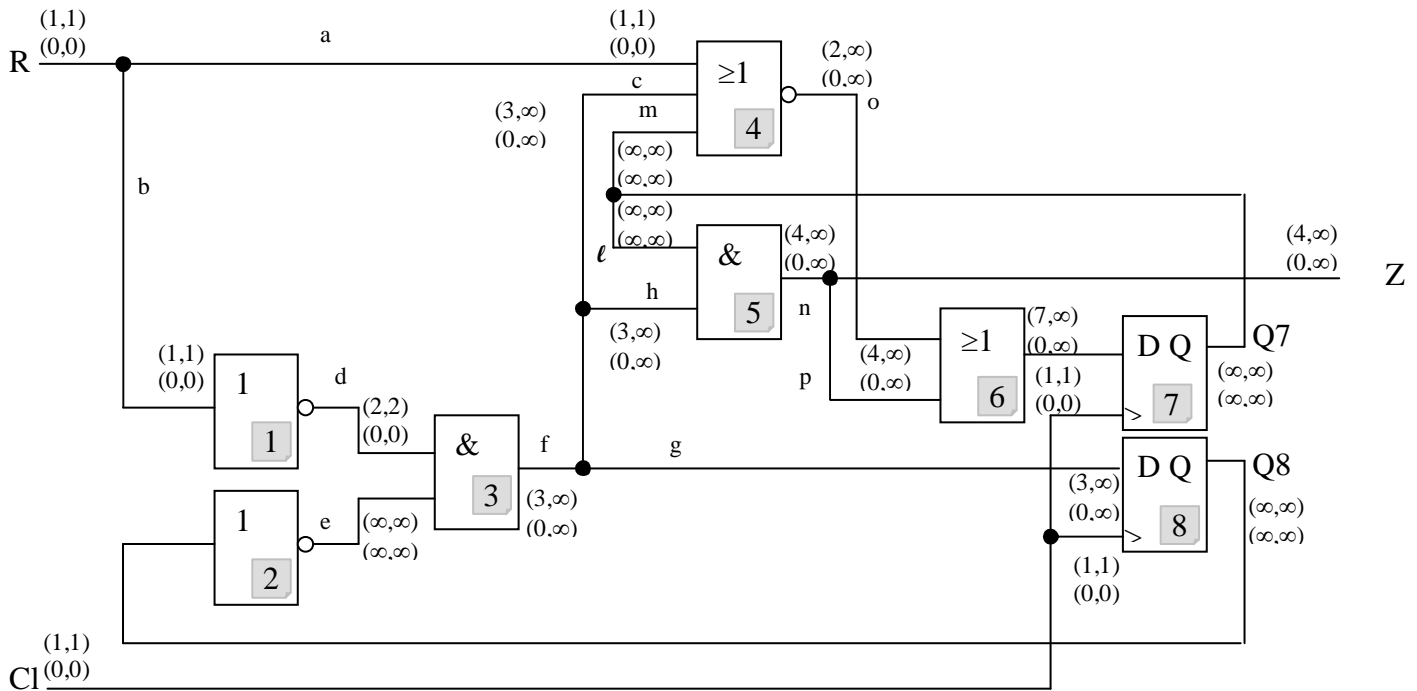
За изхода на елемент 6 изчисляваме:

$$CC0(D7)= CC0(o)+ CC0(p)+ 1=2+4+1=7$$

$$CC1(D7)= \min (CC1(o), CC1(p))+1=\min(\infty,\infty)+1=\infty$$

$$SC0(D7)= SC0(o)+ SC0(p)=0+0=0$$

$$SC1(D7)= \min (SC1(o), SC1(p))=\min(\infty,\infty)=\infty$$



фиг. 1b

Стъпка 3: Изчисляване на контролируемостта на изходите на D тригерите.

Т.к. тригерите нямат вход RESET, се счита че сигнал RESET винаги е в състояние 0. Следователно:

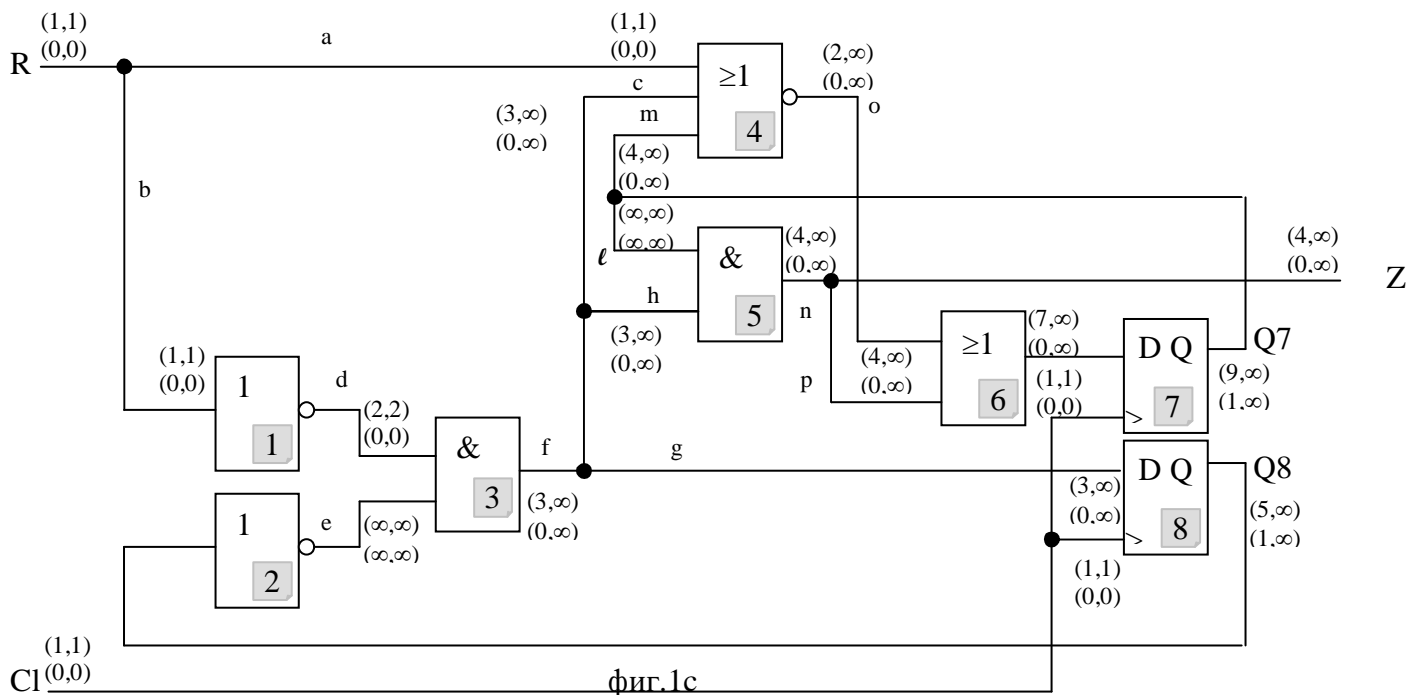
$$\begin{aligned}
 CC0(RESET) &= 0 & SC0(RESET) &= 0 \\
 CC1(RESET) &= \infty & SC1(RESET) &= \infty
 \end{aligned}$$

За изхода на D-тригер (елемент 7) изчисляваме:

$$\begin{aligned}
 CC0(Q7) &= \min [(CC1(RESET)+CC1(C17)+CC0(C17)) , (CC0(D7) + CC1(C17)+CC0(C17))] = \\
 &= \min [(\infty+1+1), (7+1+1)] = 9 \\
 CC1(Q7) &= CC1(D7) + CC1(C17) + CC0(C17) + CC0(RESET) = \infty + 1 + 1 + 0 = \infty \\
 \text{х} \\
 SC0(Q7) &= \min [(SC1(RESET)+SC1(C17)+SC0(C17)) , (SC0(D7) + SC1(C17)+SC0(C17))] + 1 = \\
 &= \min [(\infty+0+0), (0+0+0)] + 1 = 0 + 1 = 1 \\
 SC1(Q7) &= SC1(D7) + SC1(C17) + SC0(C17) + SC0(RESET) + 1 = \infty + 0 + 0 + 0 + 1 = \infty
 \end{aligned}$$

За изхода на D-тригер 8 изчисляваме:

$$\begin{aligned}
 CC0(Q8) &= \min [(CC1(RESET)+CC1(C18)+CC0(C18)) , (CC0(D8) + CC1(C18)+CC0(C18))] = \\
 &= \min [(\infty+1+1), (3+1+1)] = 5 \\
 CC1(Q8) &= CC1(D8) + CC1(C18) + CC0(C18) + CC0(RESET) = \infty + 1 + 1 + 0 = \infty \\
 SC0(Q8) &= \min [(SC1(RESET)+SC1(C18)+SC0(C18)) , (SC0(D8) + SC1(C18)+SC0(C18))] + 1 = \\
 &= \min [(\infty+0+0), (0+0+0)] + 1 = 0 + 1 = 1 \\
 SC1(Q8) &= SC1(D8) + SC1(C18) + SC0(C18) + SC0(RESET) + 1 = \infty + 0 + 0 + 0 + 1 = \infty
 \end{aligned}$$



Стъпка 4: Второ обхождане от входа към изхода и преизчисляване на контролируемостта на връзките в схемата.

За 1 няма промяна.

За изхода на елемент 2 изчисляваме:

$$\begin{aligned} CC0(e) &= CC1(Q8) + 1 = \infty + 1 = \infty \\ CC1(e) &= CC0(Q8) + 1 = 5 + 1 = 6 \\ SC0(e) &= SC1(Q8) = \infty \\ SC1(e) &= SC0(Q8) = 1 \end{aligned}$$

За изхода на елемент 3 изчисляваме:

$$\begin{aligned} CC0(f) &= \min(CC0(d), CC0(e)) + 1 = \min(2, \infty) + 1 = 2 + 1 = 3 \\ CC1(f) &= CC1(d) + CC1(e) + 1 = 2 + 6 + 1 = 9 \\ SC0(f) &= \min(SC0(d), SC0(e)) = \min(0, \infty) = 0 \\ SC1(f) &= SC1(d) + SC1(e) = 0 + 1 = 1 \end{aligned}$$

За изхода на елемент 4 изчисляваме:

$$\begin{aligned} CC0(o) &= \min(CC1(a), CC1(c), CC1(m)) + 1 = \min(1, 9, \infty) + 1 = 1 + 1 = 2 \\ CC1(o) &= CC0(a) + CC0(c) + CC0(m) + 1 = 1 + 3 + 9 + 1 = 14 \\ SC0(o) &= \min(SC1(a), SC1(c), SC1(m)) = \min(0, 1, \infty) = 0 \\ SC1(o) &= SC0(a) + SC0(c) + SC0(m) = 0 + 0 + 1 = 1 \end{aligned}$$

За изхода на елемент 5 изчисляваме:

$$\begin{aligned} CC0(n) &= \min(CC0(\ell), CC0(h)) + 1 = \min(9, 3) + 1 = 3 + 1 = 4 \\ CC1(n) &= CC1(\ell) + CC1(h) + 1 = \infty + 9 + 1 = \infty \end{aligned}$$

$$SC0(n) = \min(SC0(\ell), SC0(h)) = \min(1, 0) = 0$$

$$SC1(n) = SC1(\ell) + SC1(h) = \infty + 1 = \infty$$

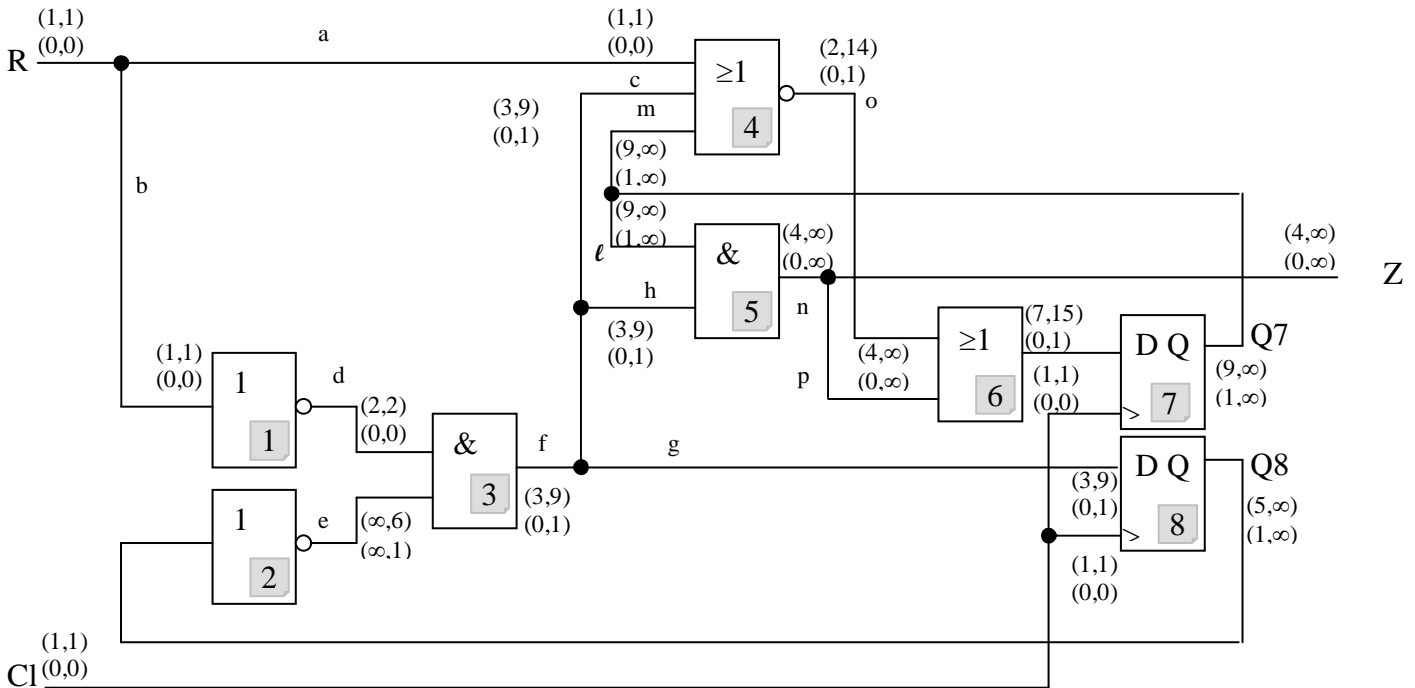
За изхода на елемент б изчисляваме:

$$CC0(D7) = CC0(o) + CC0(p) + 1 = 2 + 4 + 1 = 7$$

$$CC1(D7) = \min(CC1(o), CC1(p)) + 1 = \min(14, \infty) + 1 = 14 + 1 = 15$$

$$SC0(D7) = SC0(o) + SC0(p) = 0 + 0 = 0$$

$$SC1(D7) = \min(SC1(o), SC1(p)) = \min(1, \infty) = 1$$



фиг.1с

Стъпка 5: Изчисляване на контролируемостта на изходите на D тригерите.

За изхода на D-тригер 7 изчисляваме:

$$CC0(Q7) = \min [(CC1(RESET) + CC1(CI7) + CC0(CI7)) , (CC0(D7) + CC1(CI7) + CC0(CI7))] = \min [(\infty + 1 + 1), (7 + 1 + 1)] = 9$$

$$CC1(Q7) = CC1(D7) + CC1(CI7) + CC0(CI7) + CC0(RESET) = 15 + 1 + 1 + 0 = 17$$

$$SC0(Q7) = \min [(SC1(RESET) + SC1(CI7) + SC0(CI7)) , (SC0(D7) + SC1(CI7) + SC0(CI7))] + 1 = \min [(\infty + 0 + 0), (0 + 0 + 0)] + 1 = 0 + 1 = 1$$

$$SC1(Q7) = SC1(D7) + SC1(CI7) + SC0(CI7) + SC1(RESET) + 1 = 1 + 0 + 0 + 0 + 1 = 2$$

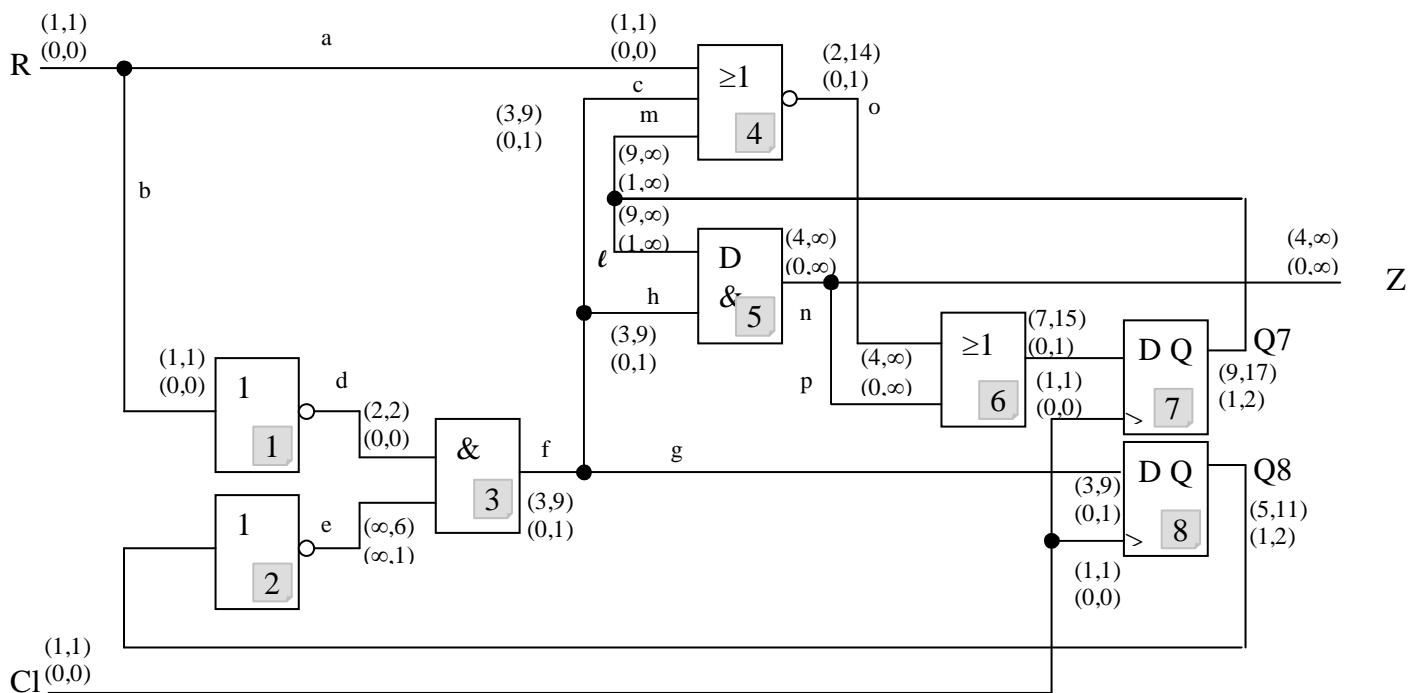
За изхода на D-тригер 8 изчисляваме:

$$CC0(Q8) = \min [(CC1(RESET) + CC1(CI8) + CC0(CI8)) , (CC0(D8) + CC1(CI8) + CC0(CI8))] = \min [(\infty + 1 + 1), (3 + 1 + 1)] = 5$$

$$CC1(Q8) = CC1(D8) + CC1(CI8) + CC0(CI8) + CC0(RESET) = 9 + 1 + 1 + 0 = 11$$

$$SC0(Q8) = \min [(SC1(RESET) + SC1(CI8) + SC0(CI8)) , (SC0(D8) + SC1(CI8) + SC0(CI8))] + 1 = \min [(\infty + 0 + 0), (0 + 0 + 0)] + 1 = 0 + 1 = 1$$

$$SC1(Q8) = SC1(D8) + SC1(C18) + SC0(C18) + SC0(RESET) + 1 = 1 + 0 + 0 + 0 + 1 = 2$$



фиг.1d

Стъпка 6: Трето обхождане от входа към изхода и преизчисляване на контролируемостта на връзките в схемата.

За 1 няма промяна.

За изхода на елемент 2 изчисляваме:

$$\begin{aligned} CC0(e) &= CC1(Q8) + 1 = 11 + 1 = 12 \\ CC1(e) &= CC0(Q8) + 1 = 5 + 1 = 6 \\ SC0(e) &= SC1(Q8) = 2 \\ SC1(e) &= SC0(Q8) = 1 \end{aligned}$$

За изхода на елемент 3 изчисляваме:

$$\begin{aligned} CC0(f) &= \min(CC0(d), CC0(e)) + 1 = \min(2, 12) + 1 = 2 + 1 = 3 \\ CC1(f) &= CC1(d) + CC1(e) + 1 = 2 + 6 + 1 = 9 \\ SC0(f) &= \min(SC0(d), SC0(e)) = \min(0, 2) = 0 \\ SC1(f) &= SC1(d) + SC1(e) = 0 + 1 = 1 \end{aligned}$$

За изхода на елемент 4 изчисляваме:

$$\begin{aligned} CC0(o) &= \min(CC1(a), CC1(c), CC1(m)) + 1 = \min(1, 9, 17) + 1 = 1 + 1 = 2 \\ CC1(o) &= CC0(a) + CC0(c) + CC0(m) + 1 = 1 + 3 + 9 + 1 = 14 \\ SC0(o) &= \min(SC1(a), SC1(c), SC1(m)) = \min(0, 1, 2) = 0 \\ SC1(o) &= SC0(a) + SC0(c) + SC0(m) = 0 + 0 + 1 = 1 \end{aligned}$$

Забележете, изходите на елемент 3 и елемент 4 остават с непроменени стойности на контролируемостта. За изхода на елемент 5 изчисляваме:

$$CC0(n) = \min(CC0(\ell), CC0(h)) + 1 = \min(9, 3) + 1 = 3 + 1 = 4$$

$$CC1(n) = CC1(\ell) + CC1(h) + 1 = 17 + 9 + 1 = 27$$

$$SC0(n) = \min(SC0(\ell), SC0(h)) = \min(1, 0) = 0$$

$$SC1(n) = SC1(\ell) + SC1(h) = 2 + 1 = 3$$

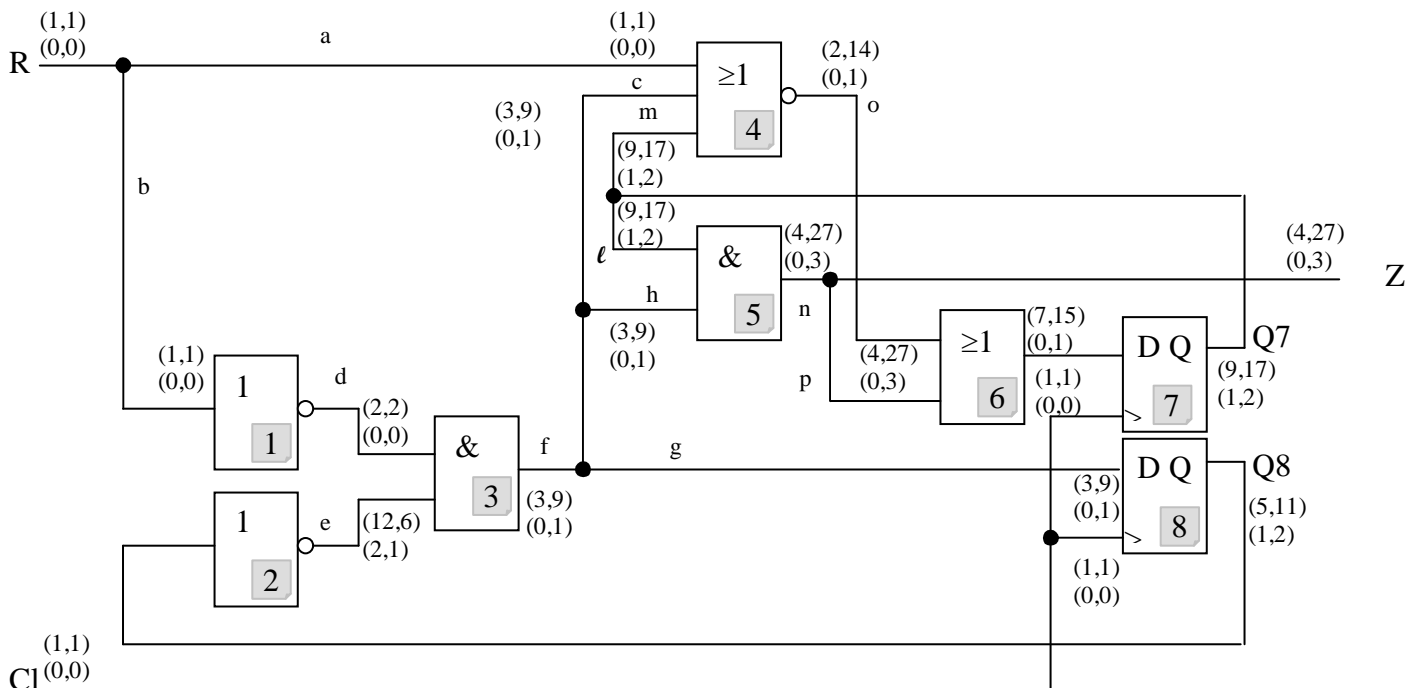
За изхода на елемент б изчисляваме:

$$CC0(D7) = CC0(o) + CC0(p) + 1 = 2 + 4 + 1 = 7$$

$$CC1(D7) = \min(CC1(o), CC1(p)) + 1 = \min(14, 27) + 1 = 14 + 1 = 15$$

$$SC0(D7) = SC0(o) + SC0(p) = 0 + 0 = 0$$

$$SC1(D7) = \min(SC1(o), SC1(p)) = \min(1, 3) = 1$$



фиг. 1e

Т.к. Контролируемостите на входовете и на двата тригера не са променени, контролируемостите на изхода остават същите. Следователно получихме стабилни стойности за всички коефициенти на контролируемост (ако продължим с итерациите няма да се промени никой от тях) и можем да пристъпим към изчисляване на коефициентите на наблюдаемост.

Стъпка 7: Обхождане от изхода към входа за изчисляване на наблюдаемостта на връзките в схемата.

По дефиниция комбинационната и последователна наблюдаемост на първичния изход Z имат стойност 0. Връзката n се аввява входа за разклонение, единият от изходите на което е първичният изход Z. Т.к. наблюдаемостта на входа на разклонението е най-малката стойност от наблюдаемостите на всичките му изходи, а наблюдаемостта на връзката p не е определена (безкрайност), то комбинационната и последователна наблюдаемости на връзката n (изхода на елемент 5) са 0. За наблюдаемостта на входовете му определяме:

$$CO(\ell) = CO(n) + CC1(h) + 1 = 0 + 9 + 1 = 10$$

$$SO(\ell) = SO(n) + SC1(h) = 0 + 1 = 1$$

$$CO(h) = CO(n) + CC1(\ell) + 1 = 0 + 17 + 1 = 18$$

$$SO(h) = SO(n) + SC1(\ell) = 0 + 2 = 2$$

Наблюдаемостта на връзката f се определя от най-малката от наблюдаемостите на връзките g, h и c . Т.к. наблюдаемостите на g и c са безкрайност, а за наблюдаемостта на h изчислехме 18, то и за наблюдаемостта на f получаваме 18. Аналогично за наблюдаемостите на $Q7$ се получава: комбинационна 10 и последователна 1.

За наблюдаемостта на входовете на елемент 3 (AND) определяме:

$$CO(d) = CO(f) + CC1(e) + 1 = 18 + 6 + 1 = 25$$

$$SO(d) = SO(f) + SC1(e) = 2 + 1 = 3$$

$$CO(e) = CO(f) + CC1(d) + 1 = 18 + 2 + 1 = 21$$

$$SO(e) = SO(f) + SC1(d) = 2 + 0 = 2$$

За наблюдаемостта на входа на елемент 2 (NOT) определяме:

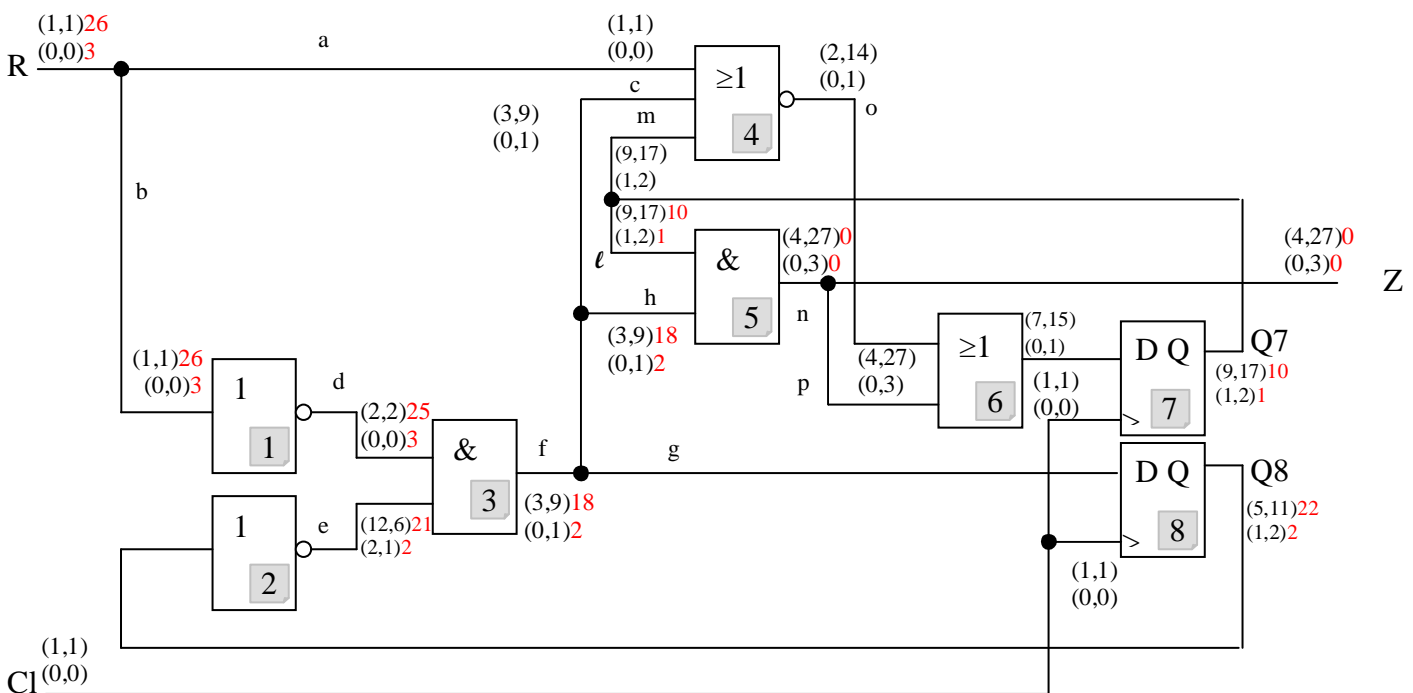
$$CO(Q8) = CO(e) + 1 = 21 + 1 = 22$$

$$SO(Q8) = SO(e) = 2$$

За наблюдаемостта на входа на елемент 1 (NOT) определяме:

$$CO(b) = CO(d) + 1 = 25 + 1 = 26$$

$$SO(b) = SO(d) = 3$$



фиг.1f

Изчисляване на наблюдаемостта на входовете на тригерите.

$$CO(D7) = CO(Q7) + CC1(C7) + CC0(C7) + CC0(RESET7) = 10 + 1 + 1 + 0 = 12$$

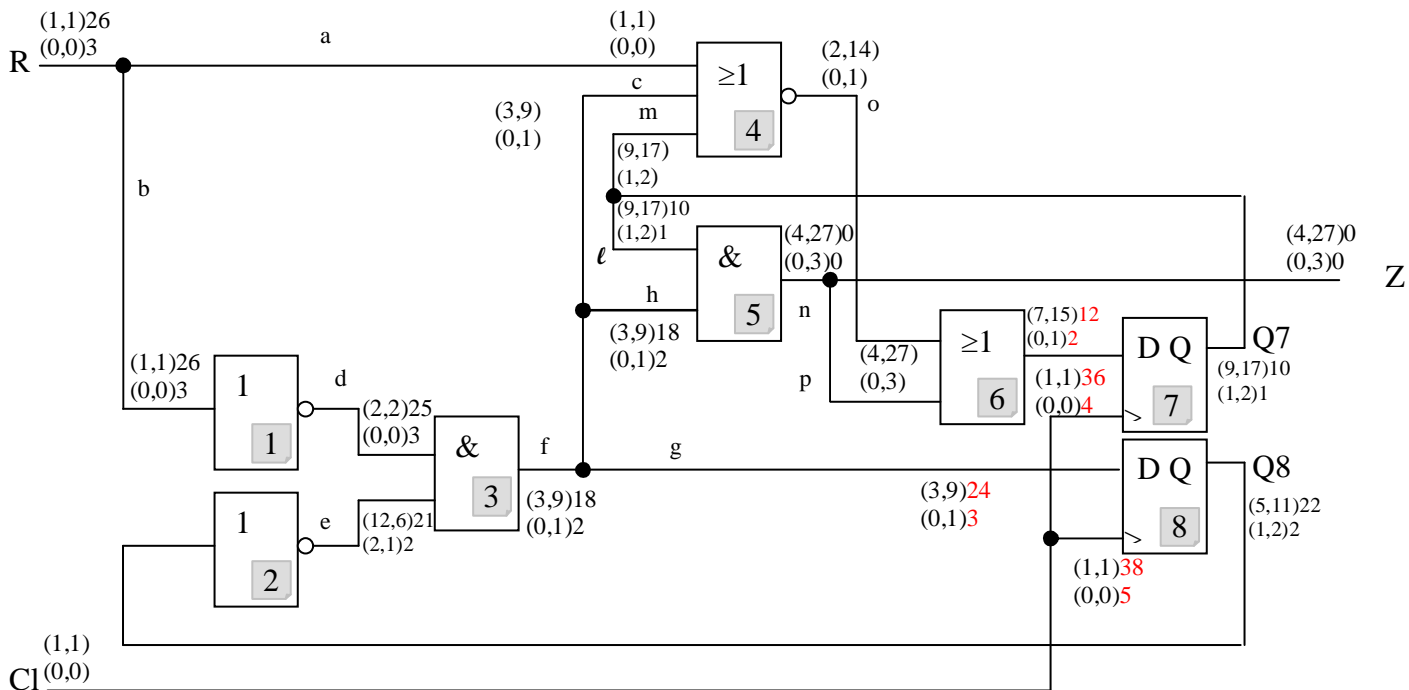
$$SO(D7) = SO(Q7) + SC1(C7) + SC0(C7) + SC0(RESET7) + 1 = 1 + 0 + 0 + 0 + 1 = 2$$

$$CO(C7) = \min [(CO(Q7) + CC1(Q7) + CC0(D7) + CC1(C7) + CC0(C7)), \\ (CO(Q7) + CC1(Q7) + CC1(RESET7) + CC1(C7) + CC0(C7)),$$

$$\begin{aligned}
& (\text{CO}(Q7) + \text{CC0}(Q7) + \text{CC0}(\text{RESET7}) + \text{CC1}(D7) + \text{CC1}(C7) + \text{CC0}(C7))] = \\
& = \min [(10+17+7+1+1), (10+17+\infty+1+1), (10+9+0+15+1+1)] = \\
& = \min [36, \infty, 36] = 36 \\
\text{SC0}(C7) & = \min [(\text{SO}(Q7) + \text{SC1}(Q7) + \text{SC0}(D7) + \text{SC1}(C7) + \text{SC0}(C7)), \\
& (\text{SO}(Q7) + \text{SC1}(Q7) + \text{SC1}(\text{RESET7}) + \text{SC1}(C7) + \text{SC0}(C7)), \\
& (\text{SO}(Q7) + \text{SC0}(Q7) + \text{SC0}(\text{RESET7}) + \text{SC1}(D7) + \text{SC1}(C7) + \text{SC0}(C7))] + 1 = \\
& = \min [(1+2+1+0+0), (1+2+\infty+0+0), (1+1+0+1+0+0)] + 1 = \\
& = \min [4, \infty, 3] + 1 = 4
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{CO}(D8) & = \text{CO}(Q8) + \text{CC1}(C8) + \text{CC0}(C8) + \text{CC0}(\text{RESET8}) = 22+1+1+0 = 24 \\
\text{SO}(D8) & = \text{SO}(Q8) + \text{SC1}(C8) + \text{SC0}(C8) + \text{SC0}(\text{RESET8}) + 1 = 2+0+0+0+1 = 3
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{CO}(C8) & = \min [(\text{CO}(Q8) + \text{CC1}(Q8) + \text{CC0}(D8) + \text{CC1}(C8) + \text{CC0}(C8)), \\
& (\text{CO}(Q8) + \text{CC1}(Q8) + \text{CC1}(\text{RESET8}) + \text{CC1}(C8) + \text{CC0}(C8)), \\
& (\text{CO}(Q8) + \text{CC0}(Q8) + \text{CC0}(\text{RESET8}) + \text{CC1}(D8) + \text{CC1}(C8) + \text{CC0}(C8))] = \\
& = \min [(22+11+3+1+1), (22+11+\infty+1+1), (22+5+0+9+1+1)] = \\
& = \min [38, \infty, 38] = 38 \\
\text{SC0}(C8) & = \min [(\text{SO}(Q8) + \text{SC1}(Q8) + \text{SC0}(D8) + \text{SC1}(C8) + \text{SC0}(C8)), \\
& (\text{SO}(Q8) + \text{SC1}(Q8) + \text{SC1}(\text{RESET8}) + \text{SC1}(C8) + \text{SC0}(C8)), \\
& (\text{SO}(Q8) + \text{SC0}(Q8) + \text{SC0}(\text{RESET8}) + \text{SC1}(D8) + \text{SC1}(C8) + \text{SC0}(C8))] + 1 = \\
& = \min [(2+2+0+0+0), (2+2+\infty+0+0), (2+1+0+1+0+0)] + 1 = \\
& = \min [4, \infty, 34] + 1 = 5
\end{aligned}$$



фиг. 1g

За наблюдаемостта на първичния вход C1 вземаме по-малката стойност от наблюдаемостите на връзките C7 и C8, т.е. 4.

За наблюдаемостта на входовете на елемент 6 (OR) определяме:

$$\begin{aligned}
\text{CO}(o) & = \text{CO}(D7) + \text{CC0}(p) + 1 = 12+4+1=17 \\
\text{SO}(o) & = \text{SO}(D7) + \text{SC0}(p) = 2+0=2
\end{aligned}$$

$$CO(p) = CO(D7) + CC0(o) + 1 = 12+2+1=15$$

$$SO(p) = SO(D7) + SC0(o) = 2+0=2$$

За наблюдаемостта на входовете на елемент 4 (NOR) определяме:

$$CO(a) = CO(o) + CC0(c) + CC0(m) + 1 = 17+3+9=29$$

$$SO(a) = SO(o) + SC0(c) + SC0(m)=2+0+1=3$$

$$CO(c) = CO(o) + CC0(a) + CC0(m) + 1 = 17+1+9+ 1=28$$

$$SO(c) = SO(o) + SC0(a) + SC0(m)=2+0+1=3$$

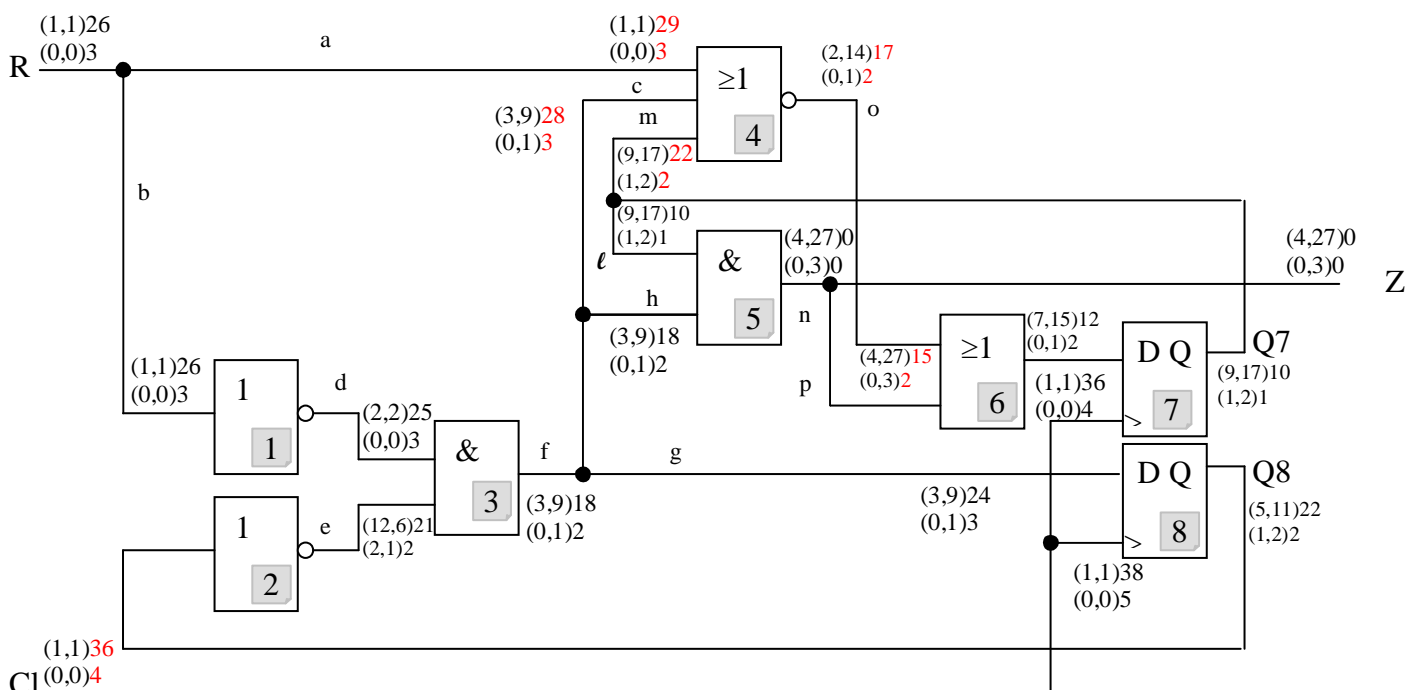
$$CO(m) = CO(o) + CC0(c) + CC0(a) + 1 = 17+3+1+ 1=22$$

$$SO(m) = SO(o) + SC0(c) + SC0(a)=2+0+0=2$$

Наблюдаемостите на f и Q7 се запазват. За наблюдаемостите на C1 получаваме:

$$CO(C1)=\min(CO(C7), CO(C8))=\min(36,38)=36$$

$$SO(C1)=\min(SO(C7), SO(C8))=\min(4,5)=4$$



фиг.1h

Дължината на тествания вектор за откриване на повреда слепване към 0 и към 1 за връзка R е:

$$T(R-sa0) = CC1(R) + CO(R) = 1 + 26 = 27;$$

$$T(R-sa1) = CC0(R) + CO(R) = 1 + 26 = 27;$$

Дължината на тествания вектор за откриване на повреда слепване към 0 и към 1 за връзка Q8 е:

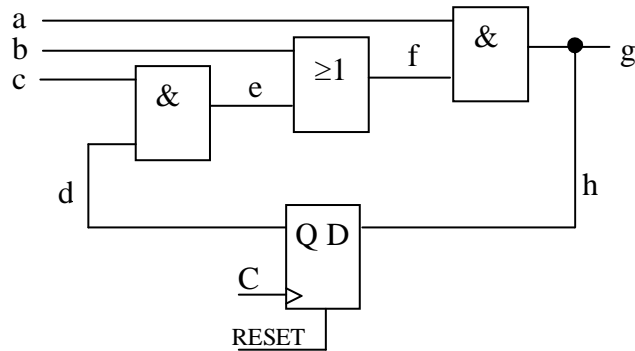
$$T(Q8-sa0) = CC1(Q8) + CO(Q8) = 11 + 22 = 33;$$

$$T(Q8-sa1) = CC0(Q8) + CO(Q8) = 5 + 22 = 27;$$

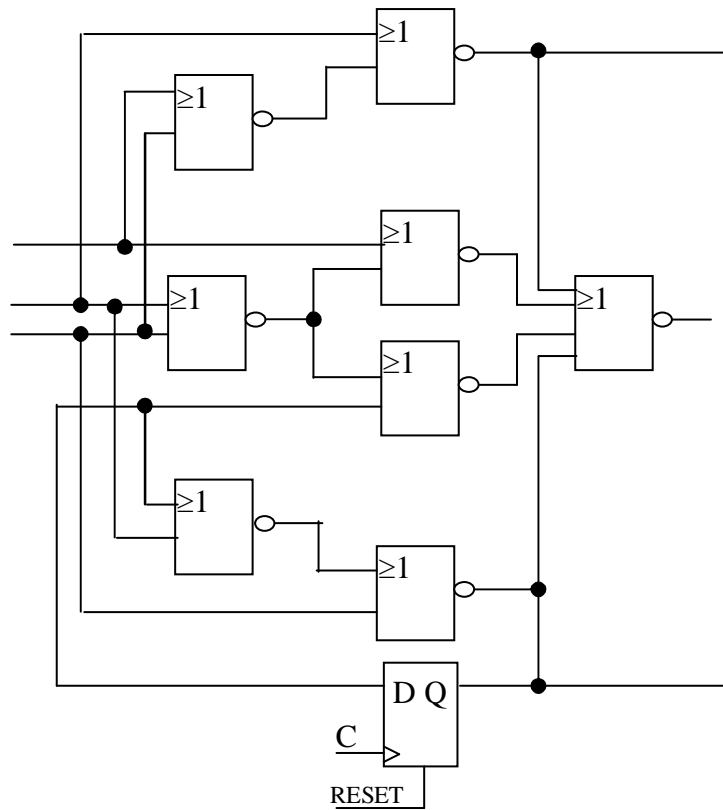


Задача 1.

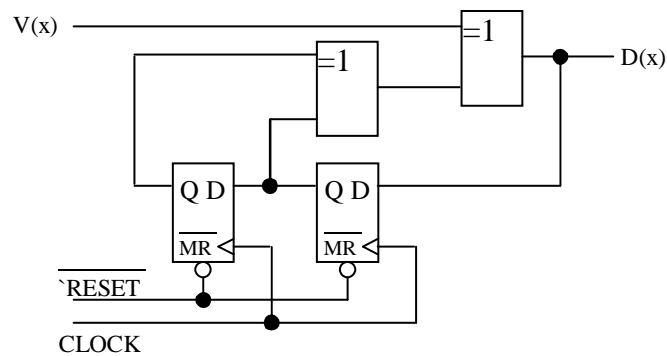
Определете тествабилността на схемите от фиг.2, 3, 4, 5, 6.



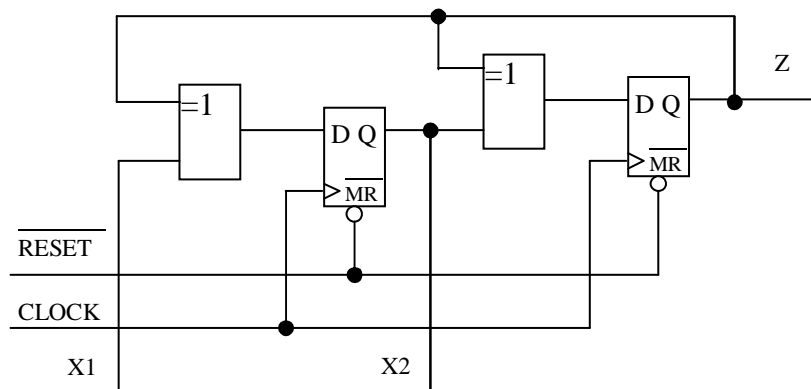
фиг.2



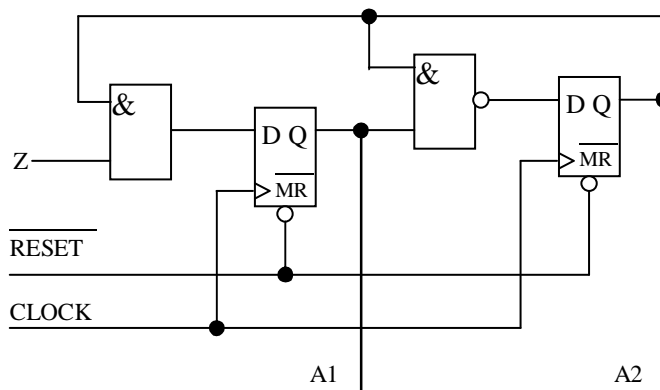
фиг.3



фиг.4



фиг.5



фиг.6